



Classe : 3<sup>e</sup>

### Exercice 1:

#### Partie A

Dans cette partie, on suppose que la profondeur SB de l'appentis est égale à 1,2 m.

1- La sécante (VO) aux deux parallèles (HT) et (EO) forment deux angles  $\widehat{VTH}$  et  $\widehat{AOB}$  correspondants de même mesure.  $\widehat{AOB}$  mesure donc  $40^\circ$ .

2- L'échelle  $\frac{1}{50}$  signifie que 1 cm sur le croquis représente 50 cm dans la réalité.

Sur le croquis, [ST] mesure donc  $300/50 = 6$  cm.

[SB] mesure  $120/50 = 2,4$  cm.

3- On travaille à nouveau avec les dimensions réelles.

a) OST est rectangle en S donc  $\tan \widehat{TOS} = \frac{ST}{OS}$

$$\tan 40^\circ = \frac{3}{OS} \quad ; \quad OS = \frac{3}{\tan 40^\circ} = 3,58 \text{ m (à 1 cm près)}$$

$$OB = OS - SB = 3,58 - 1,2 = 2,38 \text{ m}$$

b) Le triangle AOB est rectangle en B donc  $\tan \widehat{AOB} = \frac{AB}{OB}$

$$\tan 40^\circ = \frac{AB}{2,38} \quad ; \quad AB = 2,38 \cdot \tan 40^\circ \quad ; \quad AB = 2 \text{ m à 1 cm près}$$

c) Volume de l'appentis :  $V = \frac{(ST + AB) \cdot SB}{2} \cdot BC = \frac{(3 + 2) \cdot 1,2}{2} \cdot 2,5$

$$V = 7,5 \text{ m}^3$$

#### Partie B

1-  $OB = OS - SB = 3,6 - x$

$$\text{Thalès : } \frac{OB}{OS} = \frac{AB}{ST} \quad \frac{3,6 - x}{3,6} = \frac{x}{3,6}$$

$$AB = \frac{3,6 - x}{3,6} \cdot 3,6 = 3 - \frac{x}{1,2}$$

$$3 - \frac{x}{1,2} > 1,6 \quad 3 - 1,6 > \frac{x}{1,2}$$

Les solutions de l'inéquation sont strictement inférieures à 1,6

4- l'aire du trapèze ABST =  $\frac{(ST + AB) \cdot SB}{2}$

$$= \frac{(3 + \frac{x}{2,4}) \cdot 2,4}{2}$$

Le volume V de l'appentis

$$\left(3 + \frac{x}{2,4}\right) \cdot 2,5 = 7,5 + \frac{2,5x}{2,4}$$

5- Le volume de l'appentis est lu sur le graphique.

6- Monsieur Ferdinand veut dire  $x < 1,68$ .

1,5 est une valeur qui convient. et pour  $x = 1,5$  le volume de l'appentis est lu sur le graphique.

$$1- \begin{cases} x + y = 35 \\ 8x + 7y = 260 \end{cases}$$

$$y = 35 - x$$

$$8x + 7(35 - x) = 260$$

$$8x + 245 - 7x = 260$$

$$x = 260 - 245$$

$$x = 15$$

$$y = 35 - 15 = 20$$

Vérification :  $15 + 20 = 35$  et  $8 \cdot 15 + 7 \cdot 20 = 120 + 140 = 260$

La solution du système est donc le couple  $(x ; y) = (15 ; 20)$

2- Après une baisse de 20%, le client ne paie que 80% du prix initial.

Le nouveau prix de l'article est donc  $\frac{80}{100}x = 0,8x$

3- Soient  $x$  le prix d'un livre et  $y$  le prix d'un stylo avant la réduction

$$x + y = 35 \qquad x + y = 36$$

$$0,8x + 0,7y = 26 \qquad 8x + 7y = 260$$

La solution de ce système est  $(x ; y) = (15 ; 20)$

Le prix d'un livre avant la réduction est donc de 15F et de 20F pour le stylo.

$$1- \begin{cases} x + y = 35 \\ 8x + 7y = 260 \end{cases}$$

$$y = 35 - x$$

$$8x + 7(35 - x) = 260$$

$$8x + 245 - 7x = 260$$

$$x = 260 - 245$$

$$x = 15$$

$$y = 35 - 15 = 20$$

Vérification :  $15 + 20 = 35$  et  $8 \cdot 15 + 7 \cdot 20 = 120 + 140 = 260$

La solution du système est donc le couple  $(x ; y) = (15 ; 20)$

2- Après une baisse de 20%, le client ne paie que 80% du prix initial.

Le nouveau prix de l'article est donc  $\frac{80}{100}x = 0,8x$

3- Soient  $x$  le prix d'un livre et  $y$  le prix d'un stylo avant la réduction

$$x + y = 35 \qquad x + y = 36$$

$$0,8x + 0,7y = 26 \qquad 8x + 7y = 260$$

La solution de ce système est  $(x ; y) = (15 ; 20)$

Le prix d'un livre avant la réduction est donc de 15F et de 20F pour le stylo.