

Corrigé du devoir n°19

Exercice 1

Figure	Données
	<ul style="list-style-type: none"> □ $ABCD$ est un parallélogramme □ O est le centre du parallélogramme. □ I milieu de $[AB]$. □ J est le symétrique de I par rapport à C.

Montrons que K est le milieu de $[AJ]$:

C est le milieu de $[IJ]$ (par symétrie)
 $(KC) \parallel (AB)$ (côtés opposés du parallélogramme).

Propriété : Si, dans un triangle, une droite parallèle à un côté passe par le milieu d'un deuxième côté, alors elle coupe le troisième en son milieu.

Conclusion : **K est le milieu de $[AJ]$**

Montrons que $(MJ) \parallel (DC)$:

Appelons N , le point d'intersection de (IM) et (DC) .

On montre successivement que :

□ $(IO) \parallel (BC)$

Car I et O sont les milieux de deux côtés dans ABD , donc $(IO) \parallel (AD)$ et $(AD) \parallel (BC)$ car ce sont les côtés opposés du parallélogramme.

□ N milieu de $[DC]$

Car O milieu de $[BD]$ et $(ON) \parallel (BC)$

□ K milieu de $[NC]$

Car $NC = AI$ et $KC = \frac{1}{2}AI$

□ (IM) et (BC) symétriques par rapport à K . (car elles sont parallèles en passant par deux points symétriques N et C)

□ K milieu de $[BM]$ (car M est le symétrique de B par rapport à K).

□ Et on conclut que **$(MJ) \parallel (DC)$** par symétrie par rapport à K .

Exercice 2

La distance de l'île au rivage est la longueur du segment $[IH]$ perpendiculaire à (AB) où H est un point de (AB) .

Le triangle AIB est isocèle car les deux angles à la base sont égaux.

IH est donc l'axe de symétrie de ce triangle, et par conséquent, H est le milieu de $[AB]$.

On peut donc travailler dans le triangle HIB , rectangle en H .

On connaît HB (c'est la moitié de AB), on connaît l'angle en B , donc on peut calculer IB grâce au Cosinus. Puis on pourra calculer IH par la relation de Pythagore.

$$BH = 200 \text{ et } \hat{B} = 84^\circ, \text{ donc } IB = \frac{BH}{\cos \hat{B}} = \frac{200}{\cos 84^\circ} \approx \frac{200}{0,105} \approx 1913 \text{ mètres.}$$

$$IH = \sqrt{IB^2 - BH^2} \approx \sqrt{1913^2 - 200^2} \approx \sqrt{3619569} \approx 1902 \text{ mètres.}$$

Exercice 3

	Expression en fonction de a et de b	Valeur pour $a = 7$ et $b = 5$
▪ La longueur MB .	$a - b$	2
▪ périmètre de $ABCD$.	$2(a + b)$	24
▪ L'aire de $ABEF$.	a^2	49
▪ L'aire de $AMND$.	b^2	25
▪ L'aire de la surface hachurée.	$a^2 - b^2$	24
▪ Le périmètre de la surface hachurée.	$4a^*$	28

* $MN = AD$ et $DN = AM$.

Le périmètre de la surface hachurée est le même que celui du carré $ABEF$.

Exercice 4

On le divise par 4 $\frac{a}{4}$

On ajoute 8 à a . $a + 8$

On multiplie a par 3. $3a$

On retranche 5 à a . $a - 5$

On ajoute les résultats $\frac{a}{4} + (a + 8) + 3a + (a - 5) = 213$.

On développe et on réduit l'écriture du premier membre : $\frac{21}{4}a + 3 = 213$

On retranche 3 aux deux membres : $\frac{21}{4}a = 210$, d'où $a = 210 \times \frac{4}{21} = 40$

Exercice 5

1. Développer et réduire : $3(2 + a) - (6 - 3a) + 4(1 - 2a) = -2a + 4$

2. Développer et réduire : $(2a + 3)(1 - 3a) + 3(3 + 2a) = -6a^2 - a + 12$

3. Résoudre l'équation : $5x + 7 = 28 - 2x$ $7x = 21$ $x = 3$

4. Résoudre l'équation : $3(2 + x) - (6 - 3x) + 4(1 - 2x) = 10$

On utilise le développement vu dans la question 1 : $-2x + 4 = 10$ $x = -3$