

CALCUL DU TYPE $A(B \pm C)$

Méthode

On applique la règle de la distributivité : $a(b + c) = ab + ac$

On n'oublie pas la règle des signes du produit :

1. Si les deux facteurs sont de même signe, le produit est positif
2. Si les deux facteurs sont de signes contraires, le produit est négatif.

Exemple :

Développer et réduire l'écriture de l'expression $A = 4(3a + 2) - 6(a - 2)$

• On développe : $A = 4 \cdot 3a + 4 \cdot 2 - 6 \cdot a - 6 \cdot (-2) = 12a + 8 - 6a + 12$

• On réduit : $A = (12a - 6a) + (8 + 12) = \mathbf{6a + 20}$

On valide le résultat; pour cela on choisit une valeur pour a , par exemple $a = 2$

• On calcule dans l'énoncé $A = 4(3 \cdot 2 + 2) - 6(2 - 2) = 4 \cdot (6 + 2) - 6 \cdot 0 = 4 \cdot 8 = 32$

• On calcule dans le "résultat" : $A = 6 \cdot 2 + 20 = 12 + 20 = 32$

• Les deux valeurs étant les mêmes, on peut penser que c'est juste.

Exercice 1

1. Voici différentes formules proposées par des élèves d'une même classe pour l'exercice de la page 102. Montrer qu'elles sont toutes équivalentes.

$$2n + 2(n - 2)$$

$$n + 2(n - 1) + (n - 2)$$

$$5n - (n + 4)$$

$$4(n - 1)$$

2. Voici différentes formules proposées par des élèves d'une même classe pour l'exercice de la page 103. Montrer qu'elles sont toutes équivalentes, sauf une.

$$3n + 3(n - 1) + 1$$

$$4n + 3(n - 1) - 3$$

$$6n - 2$$

$$3(n + n - 1) + 1$$

$$4n + 4(n - 1) - 2(n - 1)$$

$$2(n + n + n - 1)$$

$$4n + 2(n - 1)$$

$$2(3n - 1)$$

Exercice 2

Développer et réduire, puis valider le résultat :

$$A = 2(2x + 4) - 4(5x - 3)$$

$$B = 6(x - 5) - 5(-x - 7)$$

$$C = 3(3x + 6) + 8(3 - 2x)$$

$$D = 5(2x - 7) + 2(3x - 4)$$

$$E = -5(-x - 7) - (2 - 6x)$$

$$F = -2(-x + 4) - (5x + 4)$$

$$G = 8(3x + 1) + 2(3x - 4)$$

$$H = 3(3x - 1) - (2 - 6x)$$

$$J = 3(2 - x^2) - 2(3x^2 - 4)$$

$$K = -(-x^2 - 2) - 5(2x^2 - 7)$$

$$L = 4(5 - 2x^2) + 8(3 - 2x^2)$$

$$M = -4(6 - x^2) + 3(2 - x^2)$$

$$N = -(7 + x^2) - 3(3x^2 + 6)$$

$$P = 3(x^2 + 2) - 6(3 - 2x^2)$$