

TRANSLATION ET VECTEURS

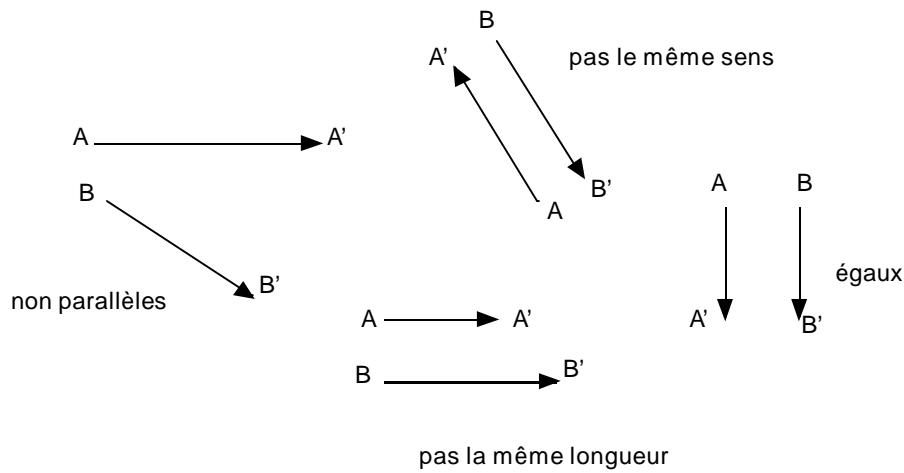
I / Le mouvement de translation

1°) Activité de la feuille

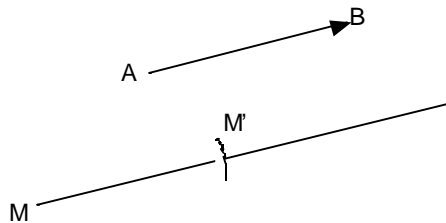
La connaissance d'un point A ("départ") et de son image A' ("arrivée") permet de définir une translation (mouvement de glissement de A vers A').

2°) Définitions

On dit que deux vecteurs $\vec{AA'}$ et $\vec{BB'}$ sont égaux si $[AA'] \parallel [BB']$, si $[AA']$ et $[BB']$ ont le même sens et si $AA' = BB'$.



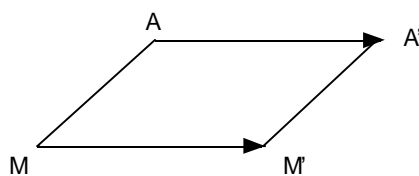
L'image d'un point M par une translation de vecteur \vec{AB} est le point M' tel que $\vec{MM'} = \vec{AB}$.



3°) Propriété

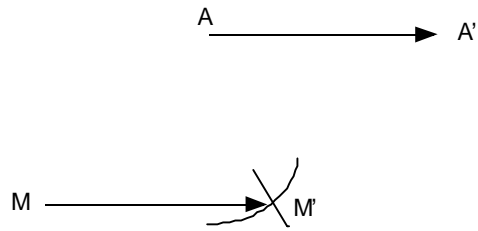
Soit t la translation définie par un point A et son image A' ;

l'image d'un point M par t est le point M' tel que AA'M'M est un parallélogramme.



Conséquence : Si AA'M'M est un parallélogramme; alors on a : $\vec{AA'} = \vec{MM'}$ et $\vec{AM} = \vec{A'M'}$.

4°) Construction d'une image par translation avec le compas



II / Propriétés de la translation

1°) Activité de la feuille

2°) Propriétés

- ✍ L'image d'une droite par une translation est une droite parallèle ;
- ✍ L'image d'un segment est un segment parallèle et de même longueur, on dit que la **translation conserve les longueurs** ;
- ✍ L'image d'un cercle est un cercle de même rayon,
- ✍ L'image d'un angle est un angle de même mesure (on dit que la **translation conserve les angles**)

Conséquences : une figure et son image par translation sont superposables.