

EQUATIONS

1. Les règles utilisées

$\text{Si } x \times b = p \quad \text{alors } x = \frac{p}{b}$ $\text{Si } x \div b = q \quad \text{alors } x = q \times b$	$\text{Si } x - b = d \quad \text{alors } x = d + b$ $\text{Si } x + b = s \quad \text{alors } x = s - b$
---	--

2. Le principe de la vérification

Sans chercher à résoudre ces équations, retrouver parmi les nombres proposés ceux qui transforment l'équation en une égalité vraie.

Ex : $4 - 6 = -2$ et $5 \times 6 - 14 = 30 - 14 = 16$; $-2 \neq 16$; donc le nombre 6 ne convient pas pour la première équation ; 6 n'est pas solution de l'équation $4 - x = 5x - 14$.

Équations	Solutions proposées				
$4 - x = 5x - 14$	6	2	3	1	0
$\frac{4x - 5}{3} = \frac{3x - 4}{2}$	6	5	4	3	2
$2(9x + 15) = 3(8x - 3)$	1	3	5	8	$\frac{6}{2}$

3. Équations à résoudre

Considérons les équations du type $ax + b = c$. Les lettres a, b et c représentent des nombres connus et x représente celui que l'on cherche. Le premier membre de l'équation est $ax + b$ et le deuxième membre est c.

Étudions l'exemple suivant $4x + 5 = 13$.

Ici a = 4, b = 5 et c = 13 ; le nombre cherché est x.

Le premier membre de l'équation est $4x + 5$ et le deuxième membre est 13.

A partir de x on peut décrire la suite des opérations permettant d'obtenir le premier membre de la manière suivante : multiplier par 4 puis ajouter 5.

$$x \xrightarrow{\times 4} 4x \xrightarrow{+5} 4x + 5$$

Alors à partir du nombre 13 il semble possible de retrouver la valeur de x en renversant les flèches et en choisissant les bonnes opérations : soustraire 5 d'abord, puis diviser par 4.

$$2 \xleftarrow{\div 4} 8 \xleftarrow{-5} 13$$

Cela donne 2. On vérifie que $4 \times 2 + 5 = 8 + 5 = 13$ et que la valeur 2 est solution de l'équation $4x + 5 = 13$.

De la même manière, schématiser pour résoudre les équations suivantes :

$2x - 4 = 0$	$\frac{1}{3}x + 2 = 15$	$3 + 7x = 24$	$\frac{3x}{8} + 1 = 4$
$\frac{3}{4}x = 15$	$x + 4 = \frac{2}{5}$	$4x - \frac{1}{4} = 0$	$5 + x = 12$