Rennes 99

PARTIE NUMERIQUE

Exercice 1:

Un jardin rectangulaire a pour longueur $\frac{4}{5}$ hm et pour largeur $\frac{1}{4}$ hm.

- 1. Calculer son périmètre en hectomètres.
- 2. Calculer son aire en hectomètres carrés.

On donnera les résultats soin forme fractionnaire, puis sous forme décimale.

Exercice 2:

On donne les deux nombres :

$$p = 2 \sqrt{45} \text{ et } q = \sqrt{80}$$

1. a) Calculer p + q.

On donnera le résultat sous la forme $a\sqrt{b}$, où b est un entier le plus petit possible.

- b) Calculer pq.
- 2. Le nombre p est-il solution de l'équation :

$$x^2 - 2x - 180 = -12\sqrt{5}$$
?

Exercice 3:

On pose : B = $4x^2 - 25 - (2x + 5)(3x - 7)$.

- 1. Développer et réduire B.
- 2. a) Factoriser $4x^2 25$.
- b) En déduire une factorisation de B.
- 3. Résoudre l'équation : (2x + 5)(2 x) = 0.

Exercice 3:

Le 7 novembre 1998, au retour du second voyage historique de John Glenn dans l'espace, la navette spatiale Discovery avait parcouru 5,8 millions de kilomètres.

Cette mission ayant duré 8 jours et 22 heures, calculer la vitesse moyenne en km/h de la navette.

On donnera le résultat en écriture décimale arrondie au km/h, puis en écriture scientifique.

PARTIE GEOMETRIQUE

Exercice 1:

Le triangle MNP est tel que MP = 8 cm, PN = 12 cm et MN = 15 cm.

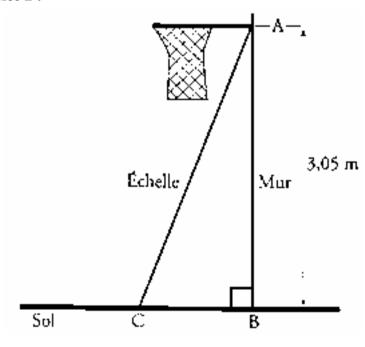
Le point A est sur le segment [MP], tel que PA = 4.8 cm.

La parallèle à la droite (PN) passant par A coupe la droite (MN) en B.

La parallèle à la droite (MP) passant par B coupe la droite (NP) en C.

- 1. Faire la figure.
- 2. Démontrer que le quadrilatère ABCP est un parallélogramme.
- 3. Calculer AB.
- 4. Préciser la nature du parallélogramme ABCP

Exercice 2:



1. Paul veut installer chez lui un panier de basket. Il doit le fixer à 3,05 m du sol. L'échelle dont il se sert mesure 3,20 m de long.

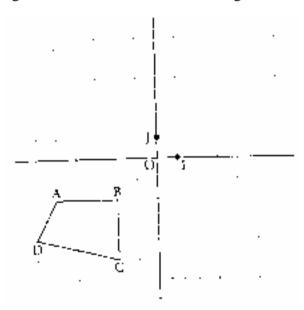
À quelle distance du pied du mur doit-il placer l'échelle pour que son sommet soit juste au niveau du panier ? (Donner une valeur approchée au cm près.)

2. Calculer l'angle formé par l'échelle et le sol. (Donner une valeur approchée au degré près.)

Exercice 3:

Dans le repère orthonormal (O, I, J) ci-après, on a placé quatre points A, B, C et D.

- 1. Donner, par lecture graphique, les coordonnées des vecteurs \overrightarrow{DB} et \overrightarrow{BC}
- 2. Construire $A_1B_1C_1D_1$ image de ABCD par la symétrie orthogonale d'axe (OI).
- 3. Construire $A_2B_2C_2D_2$ image de ABCD par la translation de vecteur de coordonnées (7 ; 5).
- 4. Construire $A_3B_3C_3D_3$ image de ABCD par la rotation de centre O et d'angle 90° , dans le sens inverse des aiguilles d'une montre.



PROBLEME (12 points)

En début de saison, une équipe de volley-ball décide de changer de maillots. Sur chaque maillot doit être imprimé un numéro.

Après la consultation de différents catalogues, deux solutions sont retenues.

Option 1 : Le maillot non imprimé est vendu 125 F, prix auquel il faut ajouter 12 % pour l'impression du numéro.

Option 2 : Le maillot non imprimé est vendu 90 F. Les frais d'impression sont de 500 F pour l'ensemble des maillots.

- 1. Montrer que le prix d'un maillot imprimé dans l'option 1 est 140 F
- 2. Recopier et compléter le tableau ci-dessous :

Nombre de maillots		
Prix des maillots avec l'option 1		
Prix des maillots avec l'option 2		

3. On désigne par x le nombre de maillots achetés.

On appelle y_1 le prix de x maillots en choisissant l'option 1.

On appelle y_2 le prix de x maillots en choisissant l'option 2.

- a) Exprimer y_1 et y_2 en fonction de x.
- b) Représenter graphiquement y_1 et y_2 en fonction de x dans un même repère orthogonal.

On prendra pour unités : sur l'axe des abscisses, 1 cm pour 1 maillot, sur l'axe des ordonnées, 1 cm pour 100 flancs et on placera l'origine du repère en bas et à gauche de la feuille.

- 4. a) À l'aide du graphique précédent, donner le prix payé pour 5 maillots avec l'option 1 puis avec l'option 2. (Faire apparaître les tracés ayant permis de répondre.)
- b) Indiquer, toujours à l'aide du graphique, le nombre de maillots que l'on peut acheter avec 1200 F en choisissant l'option 2. Retrouver ce résultat par le calcul.
- 5. a) Résoudre l'inéquation : 140x > 90x + 500.
- b) À partir de combien de maillots est-il plus intéressant de choisir l'option 2 ?
- c) Comment peut-on retrouver ce résultat sur le graphique?
- 6. Le club décide d'acheter 20 maillots de différentes tailles.
- a) Recopier et compléter le tableau ci-après.

Taille	M	L	XL	total
Effectifs	4	10	6	
Fréquence en %				

b) Construire un diagramme semi-circulaire des effectifs.