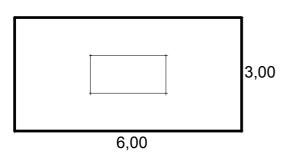
Une fenêtre dans un mur



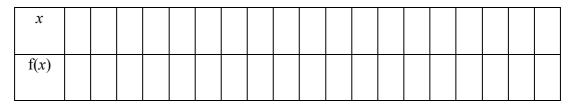
Dans un mur de longueur 6 m et de hauteur 3,5 m, on veut ouvrir une fenêtre rectangulaire centrée d'aire 3 m². On note x sa largeur et y sa hauteur.

1°) Construire la figure à l'échelle $1/100^{\text{ème}}$ pour x = 2 et x = 2,4 m.

2°) Sachant que pour pauser la fenêtre, il faut au minimum 25 cm de chaque côté, déterminer les valeurs que peut prendre les variables x et y.

 3°) Déterminer la fonction notée f qui donne la hauteur y de la fenêtre en fonction de x.

4°) Compléter le tableau de valeurs ci-dessous :



5°) Représenter dans un repère (O; \overrightarrow{i} , \overrightarrow{j}), la courbe représentative de la fonction f trouvée. On représentera sur les deux axes 1 mètre par 2 cm.

6°) Pour une raison esthétique, on souhaite que la largeur de la fenêtre soit supérieure à sa hauteur.

a) Sur la courbe, à l'aide du tracé de la fonction $x \mapsto x$, délimiter les valeurs possibles de la largeur x.

b) Retrouver les valeurs possibles de x par le calcul (*poser une inéquation de variable x*).

c) Pour la valeur minimale trouvée précédemment, construire la figure exacte de la situation.

7°) Déterminer les dimensions de la fenêtre pour que ses dimensions soient proportionnelles à celles du mur de la pièce. Construire la figure exacte de la situation.