

**Fonctions exponentielles de base a :  $a \longrightarrow a^x$**   
**Fonctions exponentielles :  $x \longrightarrow e^x$**

1. Définitions :

- a. Fonction exponentielle de base a : Une entreprise produit actuellement 50 000 unités d'un produit A et 20 000 unités d'un produit B. Elle prévoit d'augmenter sa production de produit A de 2,5 % par an et de diminuer celle du produit B de 5 % par an.

Tableau d'évolution des productions

Année	Produit A	Produit B
0	50 000	20 000
1	$50\,000 \times 1,025$	$20\,000 \times 0,95$
2	$50\,000 \times 1,025^2$	$20\,000 \times 0,95^2$
----	----	----
x	$50\,000 \times 1,025^x$	$20\,000 \times 0,95^x$

On remarque que le coefficient de multiplication du nombre initial de production est de la forme  $a^x$  avec  $a = 1,025$  ou  $a = 0,95$

On appelle fonction exponentielle de base a toute fonction du type :

$$x \longrightarrow a^x \quad (a > 0)$$

- b. Fonction exponentielle :

On appelle fonction exponentielle (de base e), la fonction définie pour tout réel x par  $x \longrightarrow e^x$

Notation :  $e^x$  se note également  $\exp x$

On admettra que  $y = e^x$  est équivalent à  $\ln y = x$

2. Propriétés :

Comme  $a^x \times a^y = a^{x+y}$ ,      on a  $e^x \times e^y = e^{x+y}$

$\frac{a^x}{a^y} = a^{x-y}$ ,      on a  $\frac{e^x}{e^y} = e^{x-y}$

$\ln 1 = 0$ ,      on a  $e^0 = 1$

$\ln e = 1$ ,      on a  $e^1 = e$  avec  $e \approx 2,718$

3. Sens de variation :

- a. Fonction exponentielle de base a (a > 0) :

Si  $a > 1$ , la fonction est croissante

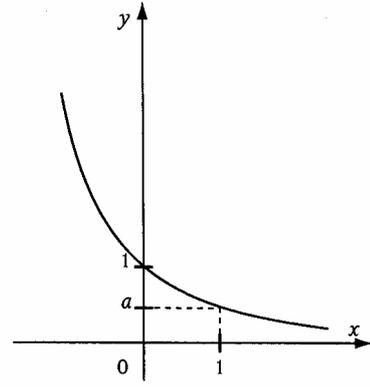
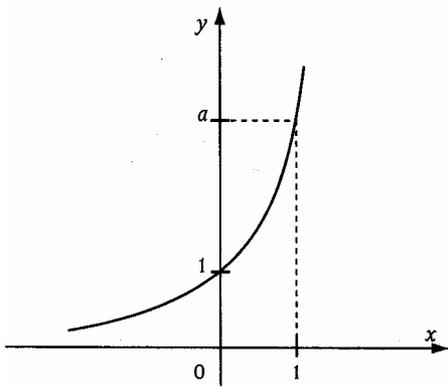
Exemple : pour  $a = 1,025$

x	- 2	- 1	0	1	2
$1,025^x$	0,95	0,975	1	1,025	1,05

Si  $0 < a < 1$  la fonction est décroissante

Exemple : pour  $a = 0,95$

x	- 2	- 1	0	1	2
$0,95^x$	1,10	1,05	1	0,95	0,90



b. Fonction exponentielle : la fonction exponentielle est croissante sur  $\mathbb{R}$

$x$	-3	-2	-1	0	1	2	3
$e^x$	0,05	0,135	0,37	1	2,718	7,39	20

