

Géométrie vectorielle

Secteurs industriels

a) Expression de la norme d'un vecteur dans un repère orthonormal.

b) Produit scalaire de deux vecteurs ; expression du produit scalaire.

$$2\vec{u} \cdot \vec{v} = \|\vec{u} + \vec{v}\|^2 - \|\vec{u}\|^2 - \|\vec{v}\|^2$$

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = \|\vec{u}\| \|\vec{v}\| \cos \theta$$

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = xx' + yy'$$

c) Propriétés du produit scalaire :

$$\vec{u} \cdot \vec{v} = \vec{v} \cdot \vec{u}$$

$$\alpha(\vec{u} \cdot \vec{v}) = \alpha \vec{u} \cdot \vec{v}$$

$$\vec{u} \cdot (\vec{v} + \vec{w}) = \vec{u} \cdot \vec{v} + \vec{u} \cdot \vec{w}$$

d) Relations trigonométriques dans le triangle quelconque.

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \widehat{A}$$

$$S = \frac{1}{2} bc \sin \widehat{A}$$

$$\frac{a}{\sin \widehat{A}} = \frac{b}{\sin \widehat{B}} = \frac{c}{\sin \widehat{C}}$$

e) Formules d'addition :

cos (a+b), sin (a+b)

Formules de duplication : cos (2a), sin (2a)

f) Résolution d'équations de la forme

cos x = a, sin x = b et tan x = c

Quelle que soit la présentation choisie, les trois expressions doivent être mises en valeur et exploitées sur des exemples simples.

Les propriétés sont admises

L'étude des équations cos x = a, sin x = b sur l'intervalle]-π ; π [a été faite en BEP. Le nombre des solutions de ces équations, leurs ordres de grandeur et leurs expressions à l'aide d'une détermination principale sont obtenus à partir de l'observation du cercle trigonométrique ou de la représentation graphique de la fonction correspondante. La calculatrice permet d'obtenir des valeurs approchées des solutions.