

Intervalles de \mathbb{R}

Objectif:

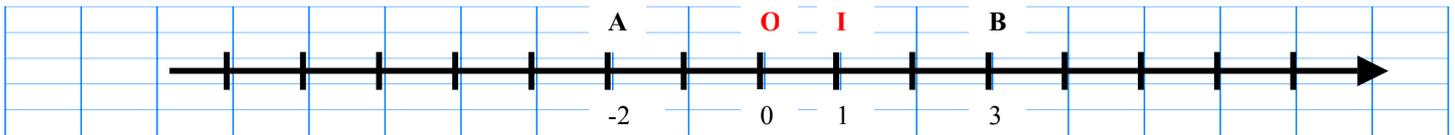
-introduire une notation pour les sous-ensembles de \mathbb{R} définis par des égalités.

Pré-requis:

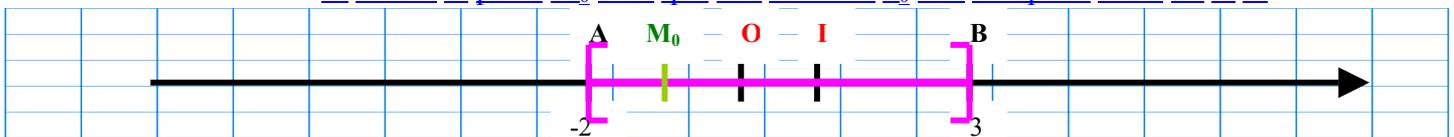
-Abscisse d'un point (La notion d'abscisse d'un point sur une droite a été revue lors de la définition de l'ensemble des réels \mathbb{R} - voir livre

(D) est un axe de repère (O, I), A et B sont les points de cet axe, d'abscisses respectives -2 et 3 . M est un point de la droite (D) d'abscisse x .

1- Représenter géométriquement cette situation.

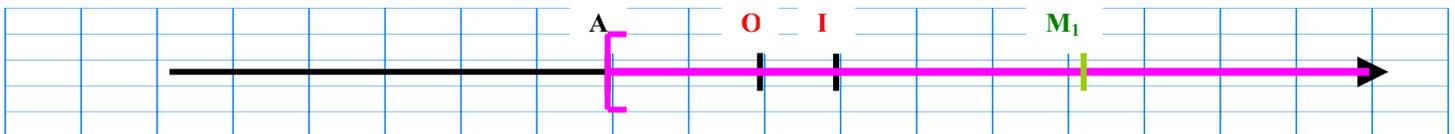


2- Placer le point M_0 telle que son abscisse x_0 soit comprise entre -2 et 3 .



Le point M_0 se trouve **entre le point A et le point B**, on dit que M_0 **appartient au segment $[AB]$** , ce qui se note : **$M_0 \in [AB]$** ; son abscisse x_0 vérifie alors : **$-2 \leq x_0 \leq 3$** . On dit que : **x_0 appartient à l'intervalle fermé $[-2, 3]$** ; Soit : **$x_0 \in [-2, 3]$** .

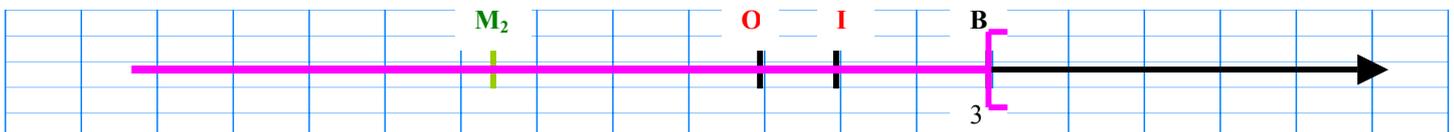
3- Placer le point M_1 telle que son abscisse x_1 soit supérieure ou égale à -2 .



Le point M_1 peut-il se trouver en A ? **oui, si $x_1 = -2$ alors M_1 et A sont confondus .**

Le point M_1 se trouve **sur la demi-droite d'origine A contenant le point O** . Son abscisse x_1 vérifie alors : **$x_1 \geq -2$** . On dit que : **x_1 appartient à l'intervalle $[-2, +\infty[$** .

4- Placer le point M_2 telle que son abscisse x_2 soit inférieure strictement à 3 .



Le point M_2 peut-il se trouver en B ? **non, car x_2 est strictement inférieure à 3** .

Le point M_2 se trouve **sur la demi-droite d'origine B et contenant le point O** . Son abscisse x_2 vérifie alors : **$x_2 < 3$** . On dit que : **x_2 appartient à l'intervalle $]-\infty, 3[$** .